

Bewijs dat voor een niet-lege deelverzameling  $E$  van een Hilbert ruimte  $H$  geldt dat  $\overline{\text{span}E} = H$  dan en slechts dan als  $E^\perp = \{0\}$ .